

## 1. Префиксная архивация

1 секунда

30 очков

Префиксная архивация — это двухшаговый алгоритм для архивации совокупности слов:

1. Сортируем слова в алфавитном порядке.
2. В отсортированном списке, для каждой пары идущих подряд слов  $a_1a_2 \dots a_{n_a}$ ,  $b_1b_2 \dots b_{n_b}$  находим наибольший такой  $k$ , что для всех  $1 \leq i \leq k$  выполняется  $a_i = b_i$ . Если  $k > 0$ , преобразуем второе слово к виду  $kb_{k+1}b_{k+2} \dots b_{n_b}$ .

Другими словами: в каждом слове, если у него есть префикс, равный префиксу предыдущего слова, заменяем этот префикс на его длину (в десятичной системе счисления). При разархивации мы можем это слово легко восстановить, так как у нас есть предыдущее слово и длина префикса, который нужно из него взять.

Написать программу, которая заархивирует с помощью описанного алгоритма заданную совокупность слов.

**Входные данные.** В первой строке текстового файла `pref.sis` дано количество слов  $N$  ( $1 \leq N \leq 10\,000$ ), и в каждой из следующих  $N$  строк дано одно состоящее из маленьких латинских букв слово длиной  $1 \dots 30$  символов.

**Выходные данные.** В текстовый файл `pref.val` вывести ровно  $N$  строк: заархивированные слова, в каждой строке по одному слову. При сортировке символы сравнить по их ASCII-кодам.

<b>Пример.</b>	<code>pref.sis</code>	<code>pref.val</code>
	4	kala
	post	2ss
	kass	3t
	kala	post
	kast	

Слова `post`, `kass`, `kala`, `kast`, отсортированные в алфавитном порядке — `kala`, `kass`, `kast`, `post`, из чего видим, что у слов `kala` и `kass` есть общий префикс `ka` длиной 2, у слов `kass` и `kast` общий префикс `kas` длиной 3 и у слов `kast` и `post` общего префикса нет. Найденные общие префиксы заменяем их длинами и получаем результат: `kala`, `2ss`, `3t`, `post`.

## 2. Числа-палиндромы

1 секунда

30 очков

Целое число называют палиндромом, если оно читается одинаково как слева направо, так и справа налево. Например, число 121 — палиндром, а 123 — нет.

Написать программу, которая для заданного числа находит ближайшие палиндромы.

**Входные данные.** В единственной строке текстового файла `pal.sis` дано число  $N$  ( $0 \leq N \leq 9\,223\,372\,036\,302\,733\,229$ ).

**Выходные данные.** В первую строку текстового файла `pal.val` вывести число  $N_1$ : максимальный палиндром, не больше  $N$ . Во вторую строку вывести  $N_2$ : минимальный палиндром, не меньше  $N$ .

<b>Пример.</b>	<code>pal.sis</code>	<code>pal.val</code>
	123	121
		131

**Оценивание.** Вывод  $N_1$  и  $N_2$  оценивается отдельно, каждое из них даёт 50% от стоимости теста. Если программа не смогла найти один из этих палиндромов, вывести вместо него число  $-1$ .

### 3. Цирк

1 секунда 40 очков

В настольной игре “Цирк” игральная доска состоит из  $N$  клеток, которые пронумерованы  $1 \dots N$ . Клетка номер 1 начальная, и клетка номер  $N$  — конечная. В начале игры фишку игрока устанавливают на начальную клетку. Цель игрока — попасть в конечную клетку.

На каждом ходу игрок кидает обычный 6-гранный кубик и двигает фишку вперёд на столько клеток, сколько точек выпало на кубике ( $1 \dots 6$ ) (при выпадении на кубике числа  $s$  фишка двигается из клетки  $r$  в клетку  $r + s$ ).

Некоторые клетки соединены между собой односторонними туннелями. Когда фишка после броска кубика останавливается на клетке, являющейся началом туннеля, она сразу передвигается к концу туннеля. Если фишка останавливается в конце туннеля, ничего не происходит.

Написать программу, которая находит минимальное возможное количество бросков кубика, которым можно попасть в конечную клетку, если все броски дадут подходящие результаты.

**Входные данные.** В первой строке текстового файла `ts.sis` дано количество клеток игрового стола  $N$  ( $1 \leq N \leq 1000$ ) и количество туннелей  $M$  ( $0 \leq 2 \cdot M \leq N$ ). В каждой из следующих  $M$  строк дано два разных целых числа: номера входной и выходной клеток одного туннеля. Известно, что ни одна клетка не соединена с более чем одним туннелем. Начальная и конечная клетки не являются началом туннеля.

**Выходные данные.** В первую строку текстового файла `ts.val` вывести искомое количество бросков кубика  $K$ , и в каждую из следующих  $K$  строк вывести одно целое число: числа, выпавшее на кубике в порядке бросков кубика. На последнем ходу фишка должна остановиться точно на последней клетке, т.к. перепрыгивать её нельзя. Известно, что попасть в конечную клетку возможно. Если оптимальных решений несколько, вывести любое из них.

Пример.	<code>ts.sis</code>	<code>ts.val</code>
	16 2	2
	2 10	1
	12 6	6

Игру можно закончить за два броска, если

1. на кубике выпадет 1, перейти из клетки 1 в клетку 2 и оттуда по туннелю в клетку 10;
2. на кубике выпадет 6, перейти из клетки 10 в клетку 16.

Естественно, одним броском в конечную клетку попасть невозможно.